



basic education

Department:
Basic Education
REPUBLIC OF SOUTH AFRICA

NASIONALE SENIOR SERTIFIKAAT

GRAAD 12

WISKUNDIGE GELETTERDHEID V1

NOVEMBER 2011

MOONLIKE ANTWOORDE

PUNTE: 150

Hierdie memorandum bestaan uit 15 bladsye.

Simbool	Verduideliking
M	Metode
M/A	Metode met akkuraatheid
CA	Deurlopende akkuraatheid
A	Akkuraatheid
C	Omskakeling/Herleiding/Omsetting
S	Vereenvoudiging
RT/RG	Lees vanaf 'n tabel/Lees vanaf 'n grafiek
SF	Korrekte vervanging in 'n formule
O	Opinie/Voorbeeld
P	Penalisering, bv. vir geen eenhede, verkeerde afronding, ens.
R	Afronding

VRAAG 1 [34 PUNTE]			
Vrg	Oplossing	Verduideliking	AS
1.1.1	$241,50(124,37 - 121,79) + \sqrt{232,5625}$ $= 623,07 + 15,25 \quad \checkmark A$ $= 638,32 \quad \checkmark CA$	1A vereenvoudiging beide terme 1CA vereenvoudiging Slegs antwoord volpunte (2)	12.1.1
1.1.2	$25,5 \div 100 \quad \checkmark M$ $= 0,255 \text{ m} \quad \checkmark A$	1M deling deur 100 1A vereenvoudiging Slegs antwoord volpunte (Indien 0,26 penaliseer met 1 punt) (2)	12.3.2
1.1.3	$2\frac{1}{2} \times 12 \quad \checkmark M$ $= 30 \text{ eiers} \quad \checkmark CA$ <p style="text-align: center;">OF</p> $12 + 12 + 6 \quad \checkmark M$ $= 30 \text{ eiers} \quad \checkmark CA$	1M konsep van dosyn 1CA vereenvoudiging Slegs antwoord volpunte (2)	12.1.2
1.1.4	01:04 $\checkmark \checkmark A$ OF 1:04 vm OF 4 min na 1 in dieoggend	2A antwoord (2)	12.3.2
1.1.5	$36 \text{ m} \div 4 = 9 \text{ m} \quad \checkmark A$	1M deling 1A antwoord Slegs antwoord volpunte (2)	12.3.1
1.1.6	1 OF 100% OF seker OF definitief $\checkmark \checkmark A$	2A antwoord (2)	12.4.5

Vrg	Oplossing	Verduideliking	AS
1.2.1	$20 \times 0,95 \checkmark M$ $= 19 \text{ Botswana pula (BWP)} \checkmark A$ OF $1 \text{ Botswana pula (BWP)} = \frac{1}{0,95} \text{ ZAR}$ $= 1,0526316 \text{ ZAR} \checkmark M$ $R20 = \frac{20}{1,0526316} \text{ BWP}$ $= 19 \text{ BWP} \checkmark A$ OF $2 \times 20 \times 0,95 \checkmark M$ $= 38 \text{ Botswana pula (BWP)} \checkmark A$	1M vermenigvuldiging 1A vereenvoudiging Slegs antwoord volpunte Penaliseer 1 punt indien die antwoord in rand is. 1M deling 1A vereenvoudiging 1M vermenigvuldiging 1A vereenvoudiging (2)	12.1.3
1.2.2	Totale bedrag verskuldig $\checkmark M/A$ $= (10 \times 360\ 286 \text{ ZMK}) + (8 \times 85\ 134 \text{ ZMK})$ $- 1\ 021\ 605 \text{ ZMK}$ $\checkmark CA$ $= (3\ 602\ 860 + 681\ 072 - 1\ 021\ 605) \text{ ZMK}$ $= 3\ 262\ 327 \text{ ZMK} \checkmark CA$	1M/A vervanging 1CA vermenigvuldiging 1CA vereenvoudiging Slegs antwoord volpunte Geen punte word afgetrek vir komma-verdelers van duisende. (3)	12.2.1
1.2.3	Spoed = $\frac{180 \text{ km}}{2,25 \text{ h}} \checkmark SF \checkmark C$ OF $\frac{180 \text{ km}}{2\frac{1}{4} \text{ h}} \checkmark CA \checkmark SF$ OF $\frac{180 \text{ km}}{2 \text{ h } 15 \text{ min}}$ $= 80 \text{ km/h}$ OF $\text{Spoed} = \frac{180 \text{ km}}{135 \text{ min}} \checkmark SF$ $= 1,33 \text{ km/min} \times 60 \text{ min/h} \checkmark C$ $= 80 \text{ km/h} \checkmark CA$	1SF vervanging 1C herleiding na ure 1CA vereenvoudiging Slegs antwoord volpunte 1SF vervanging 1C herleiding na ure 1CA vereenvoudiging (3)	12.2.1

Vrg	Oplossing	Verduideliking	AS
1.3.1 (a)	$500\ 000\ 000 - 106\ 000\ 000 \checkmark M$ $= 394\ 000\ 000 \checkmark A$ <p style="text-align: center;">OF</p> $500 \text{ miljoen} - 106 \text{ miljoen} \checkmark M$ $= 394 \text{ miljoen} \checkmark A$	1M aftrekking 1A vereenvoudiging Slegs antwoord volpunte Penaliseer 1 punt indien die antwoord negatief is. (2)	12.1.1
1.3.1 (b)	$106\ 000\ 000 - 50\ 880\ 000 \checkmark M$ $= 55\ 120\ 000 \checkmark A$ <p style="text-align: center;">OF</p> $106 \text{ miljoen} - 50,88 \text{ miljoen} \checkmark M$ $= 55,12 \text{ miljoen} \checkmark A$	1M aftrekking (een waarde moet korrek wees) 1A vereenvoudiging Slegs antwoord volpunte (2)	12.1.1
1.3.1 (c)	$\frac{230\ 000\ 000}{500\ 000\ 000} \times 100\% \checkmark A$ <p style="text-align: center;">OF</p> $\frac{230 \text{ miljoen}}{500 \text{ miljoen}} \times 100\%$ $= 46\% \checkmark CA$	1M konsep 1A korrekte waardes 1CA vereenvoudiging (3)	12.1.1
1.3.2 (a)	Selfoon OF skootrekenaar OF iPad OF tablet ✓A OF "GPS"- toestel	1A antwoord (aanvaar handelsname) (1)	12.4.4
1.3.2 (b)	30 % ✓RG	1RG antwoord (1)	12.4.4
1.3.2 (c)	100 % - 12 % ✓M $= 88\% \checkmark A$	1M aftrek vanaf 100% 1A vereenvoudiging Slegs antwoord volpunte (2)	12.4.4
1.3.2 (d)	$27\% \times 106 \text{ miljoen} \checkmark M$ $= 28\ 620\ 000 \text{ OF } 28,62 \text{ miljoen} \checkmark CA$	1RG korrekte waardes 1M konsep van persentasie 1CA vereenvoudiging Slegs antwoord volpunte (3)	12.4.4 12.1.1
			[34]

VRAAG 2 [28 PUNTE]			
Vrg	Oplossing	Verduideliking	AS
2.1.1	27 °C ✓RG	1RG antwoord Geen penalisasie vir eenheid uitgelaat. (1)	12.4.4
2.1.2	Harare ✓✓RG OF New Delhi ✓✓RG	2RG antwoord (maksimum 1 punt indien twee stede gelys en een is verkeerd) (2)	12.4.4
2.1.3	Amsterdam ✓RG	1RG antwoord (1)	12.4.4
2.1.4	Harare ✓✓RG	2RG antwoord (2)	12.4.4
2.1.5	8 °C – (-2 °C)✓M/A = 10 °C ✓A OF Begin by (-2 °C) en tel tot by 8 °C ✓M/A ∴ Variasiewydte = 10 °C ✓CA	1M/A konsep van variasiewydte 1A vereenvoudiging Slegs antwoord volpunte (2)	12.4.3
2.1.6	✓SF Temperatuur in °F = $1,8 \times 13^\circ + 32^\circ$ = 55,4° ✓CA	1SF vervanging van 13° 1CA vereenvoudiging Slegs antwoord volpunte (2)	12.3.2
2.2.1	Noord-Kaap ✓RG	1RG antwoord (1)	12.4.4
2.2.2	✓RG ✓RG Vrystaat en Wes-Kaap	2RG antwoord (2)	12.4.4
2.2.3	✓✓RG Mpumalanga OF ✓✓RG Wes-Kaap	2RG antwoord Penaliseer 1 punt indien een provinsie verkeerd is. (2)	12.4.4
2.2.4	✓M 100 % – (6,5 + 29,7 + 9,5 + 10,6 + 13,9 + 10,6 + 1,4 + 7,6) % = 10,2 % ✓A	1M konsep 1A vereenvoudiging Slegs antwoord volpunte (2)	12.4.4

Vrg	Oplossing	Verduideliking	AS
2.2.5	$\frac{3\ 249\ 415}{6,5\%} \checkmark M$ $= \frac{3\ 249\ 415}{0,065} \quad \text{OF} \quad \frac{3\ 249\ 415}{6,5} \times \frac{100}{1}$ $= 49\ 991\ 000 \checkmark CA$ <p style="text-align: center;">OF</p> $6,5\% \text{ van die bevolking} = 3\ 249\ 415$ $1\% \text{ van die bevolking} = 499\ 910 \checkmark M$ $100\% \text{ van die bevolking} = 49\ 991\ 000 \checkmark CA$	1M konsep 1RG korrekte waardes 1CA vereenvoudiging (maksimum 2 punte indien hulle die grondoppervlakte se persentasie gebruik) Penaliseer 1 punt indien die antwoord nie 'n heelgetal is nie (3)	12.1.1 12.4.4
2.3.1	1 uur $\checkmark \checkmark RG$	2RG antwoord (aanvaar 1:00 of 01:00)	12.2.3 (2)
2.3.2	$\checkmark \checkmark RG$ Aanvaar enige waarde meer as 3 ure tot en met 4 ure <p style="text-align: center;">OF</p> $3 < \text{ure} \leq 4 \quad \text{OF} \quad (3 ; 4]$	2RG antwoord	12.2.3 (2)
2.3.3	R20,00 $\checkmark \checkmark RG$	2RG antwoord	12.2.3 (2)
2.3.4	R7,00 $\checkmark \checkmark RG$	2RG antwoord	12.3.2 (2)
			[28]

VRAAG 3 [23 PUNTE]

Vrg	Oplossing	Verduideliking	AS
3.1.1	$\begin{aligned} A &= R400 - R210 = R190 \\ &\quad \checkmark M \quad \checkmark A \\ B &= R25,00 \times 30 = R750 \quad \checkmark CA \\ \\ C &= 4 \times R110 = R440 \quad \checkmark A \\ \\ D &= 4 \times R125 = R500 \quad \checkmark A \end{aligned}$	<p>1M aftrekking 1A vereenvoudiging</p> <p>1M vermenigvuldiging 1CA vereenvoudiging (maksimum 1 punt indien dae nie 30 is nie)</p> <p>1M vermenigvuldiging 1A vereenvoudiging</p> <p>1M vermenigvuldiging 1A vereenvoudiging</p> <p>Slegs antwoord volpunte</p>	12.1.3
		(8)	
3.1.2	$\begin{aligned} &\checkmark M \\ R2\ 500 - R2\ 330 \\ &= R170 \quad \checkmark CA \end{aligned}$	<p>1M aftrekking 1CA vereenvoudiging (geen penalisasie indien antwoord negatief is nie)</p>	12.1.3
3.1.3	<p>Gebruik ten minste een van haar naweekonthalgeldtoelaes</p> <p style="text-align: center;">OF</p> <p>Verminder kos uitgewes om R30 te spaar.</p> <p style="text-align: center;">OF</p> <p>(enige ander gepaste antwoord)</p>	<p>✓✓A</p> <p>2A antwoord</p>	12.1.2
		(2)	

Vrg	Oplossing	Verduideliking	AS
3.2	$A = P (1 + i)^n, \quad \checkmark A$ $= R125 \left(1 + \frac{8}{100}\right)^3 \checkmark M$ $= R157,464$ $\approx R157,46 \quad \checkmark CA$ <p style="text-align: center;">OF</p> <p>Vir 'n jaar : $R125 \times 52 = R6 500$</p> $A = P (1 + i)^n, \quad \checkmark A$ $= R6 500 \left(1 + \frac{8}{100}\right)^3 \checkmark M$ $= R8 188,23 \text{ per jaar}$ $= R157,464 \text{ per week}$ $\approx R157,46 \quad \checkmark CA$	1M vervanging 1A korrekte waarde van n 1CA vereenvoudiging	12.1.3
3.3.1	$\checkmark A$ Ry 5 kolom 2 $\checkmark A$	1A ry 1A kolom	12.3.4 (2)
3.3.2	3 $\checkmark CA$ OF 4 $\checkmark CA$	1CA antwoord	12.3.4 (1)
3.3.3	$\checkmark \checkmark A$ Suidoos OF Noord-oos OF Suidwes OF Noord-oos OF regs agter OF links voor	2A antwoord	12.3.4 (2)
3.3.4	$\checkmark A \checkmark M$ Totale oppervlakte = $32 \times 0,75 \text{ m}^2$ $= 24 \text{ m}^2 \checkmark CA$	1A gebruik van korrekte waardes 1M vermenigvuldiging met heelgetal 1CA vereenvoudiging vanaf vermenigvuldiging	12.3.1 12.1.1 (3)
			[23]

VRAAG 4 [16 PUNTE]			
Vrg	Oplossing	Verduideliking	AS
4.1.1	6 ✓✓A	2A antwoord (2)	12.4.3
4.1.2	6 $\frac{1}{2}$ ✓✓A	2A antwoord (2)	12.4.3
4.1.3	✓✓A $5 \frac{1}{2}$ OF $\frac{5 \frac{1}{2} + 5 \frac{1}{2}}{2} = 5 \frac{1}{2}$ ✓✓A	1A vir identifikasie van $5 \frac{1}{2}$ en $5 \frac{1}{2}$ as middel waardes 1A antwoord Slegs antwoord volpunte (2)	12.4.3
4.1.4	✓✓A $3 \frac{1}{2}, 4, 4 \frac{1}{2}; 5 \frac{1}{2}$ (aanvaar antwoorde minder as 5 of antwoorde groter as 11 of enige grootte nie in die seuns data nie.)	1A vir elke twee korrekte groottes 1A vir elke twee korrekte groottes (2)	12.4.3
4.1.5	✓A ✓A $14 : 15$ ✓M	1M skryf as verhouding 1A waarde vir seuns 1A waarde vir dogters (3)	12.4.3 12.1.1
4.2.1	Volume = lengte \times breedte \times hoogte = $27,5 \text{ cm} \times 15 \text{ cm} \times 11,9 \text{ cm}$ ✓M = $4\ 908,75 \text{ cm}^3$ ✓A✓A	1M vervanging 1A vereenvoudiging 1A korrekte eenheid Slegs antwoord volpunte (3)	12.3.1
4.2.2	Getal houers = $\frac{118 \text{ cm}}{11,9 \text{ cm}}$ ✓M = 9,915 = 9 ✓CA	1 M deling deur slegs 11,9 m 1CA maksimum Slegs antwoord volpunte (2)	12.1.1 12.1.2
			[16]

Vrg	Oplossing	Verduideliking	AS
5.2.1	1 vel draai 12 sjokolades toe ✓M ✓A 10 velle draai 120 sjokolades toe	1M konsep 1A vereenvoudiging Slegs antwoord volpunte (2)	12.2.1
5.2.2	Getal ronde sjokolades = $6 \times (5 + 7)$ ✓M ✓SF = 72 ✓CA	1 M gebruik van korrekte formule 1SF vervanging CA vereenvoudiging Slegs antwoord volpunte (3)	12.2.1
5.2.3	Getal driehoekige sjokolades = $4 \times (5 + 7) + (12 \times 10)$ ✓M ✓SF = 168 ✓CA	1M gebruik van korrekte formule 1SF vervanging 1CA vereenvoudiging Slegs antwoord volpunte (3)	12.2.1
5.3.1	$\frac{13}{50}$ ✓A OF 0,26 OF 26 %	1A teller 1A noemer (2)	12.4.5
5.3.2	$\frac{0}{50}$ ✓✓A OF 0 OF 0 % OF onmoontlik OF geen	2A antwoord (2)	12.4.5
			[25]

VRAAG 6 [24 PUNTE]			
Vrg	Oplossing	Verduideliking	AS
6.1.1	$\begin{aligned} P &= R4\ 600 + (R250 \times 2) && \checkmark SF \\ &= R5\ 100 && \checkmark A \\ R6\ 100 &= R4\ 600 + (R250 \times Q) && \checkmark SF \\ &\text{OR } R6\ 400 = R4\ 000 + (R400 \times Q) && \checkmark SF \\ 250 \times Q &= 1\ 500 && \checkmark A \\ Q &= 6 && \checkmark A \\ && & \end{aligned}$	1SF vervanging 1A vereenvoudig 1SF vervanging 1A vereenvoudig Slegs antwoord volpunte (4)	12.2.1
6.1.2 (a)	R4 000 \checkmark RT	1 RT antwoord (1)	12.2.3
6.1.2 (b)	7 \checkmark \checkmark RT	2RT antwoord (2)	12.2.3
6.1.2 (c)	Die spelers sal meer geld verdien met Opsie B \checkmark \checkmark A	2A antwoord (2)	12.2.3

Vrg	Oplossing	Verduideliking	AS																					
6.1.3	<table border="1"> <thead> <tr> <th>Getal doele aangeteken</th><th>0</th><th>2</th><th>4</th><th>Q</th><th>7</th><th>8</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>Opsie A (in rand)</td><td>4 600</td><td>P</td><td>5 600</td><td>6 100</td><td>6 350</td><td>6 600</td></tr> <tr> <td>Opsie B (in rand)</td><td>4 000</td><td>4 800</td><td>5 600</td><td>6 400</td><td>6 800</td><td>7 200</td></tr> </tbody> </table> <p style="text-align: center;">TOTALE BONUSBETALING VIR ELKE SPELER</p>	Getal doele aangeteken	0	2	4	Q	7	8	Opsie A (in rand)	4 600	P	5 600	6 100	6 350	6 600	Opsie B (in rand)	4 000	4 800	5 600	6 400	6 800	7 200	1A vertikale afsnit (0 ; 4 600) 1CA enige ander punt korrek afgestip 1CA korrekte lyn deur P en Q en alle ander punte korrek 1A byskrif (4)	12.2.2
Getal doele aangeteken	0	2	4	Q	7	8																		
Opsie A (in rand)	4 600	P	5 600	6 100	6 350	6 600																		
Opsie B (in rand)	4 000	4 800	5 600	6 400	6 800	7 200																		
6.1.4	Punt Y op Bylae A ✓✓CA	2 CA korrekte posisie	12.2.3 (2)																					

Vrg	Oplossing	Verduideliking	AS
6.2.1 (a)	$\text{Omtrek} = 2(98 \text{ m} + 72 \text{ m}) \checkmark M$ $= 340 \text{ m} \checkmark A \checkmark A$	1M vervanging 1A vereenvoudiging 1A eenheid Slegs antwoord volpunte (3)	12.3.1
6.2.1 (b)	$\text{Oppervlakte van sirkel} = \pi r^2$ $= 3,14 \times (16m)^2 \checkmark SF$ $= 803,84 \text{ m}^2 \checkmark A$ $\text{Opp van halfsirkel} = \frac{803,84 \text{ m}^2}{2}$ $= 401,92 \text{ m}^2 \checkmark CA$ OF $\text{Oppervlakte van halfsirkel} = \frac{1}{2} \pi r^2 \checkmark M$ $= \frac{1}{2} \times 3,14 \times (16m)^2 \checkmark SF$ $= 401,92 \text{ m}^2 \checkmark A$ $(\text{gebruik } \pi : \text{Opp} = 402,12 \text{ m}^2)$	1SF substitusie 1A Opp van sirkel 1CA Opp van halfsirkel 1M $\frac{1}{2}$ van opp van sirkel 1SF vervanging 1A vereenvoudiging Slegs antwoord volpunte (3)	12.3.1

Vrg	Oplossing	Verduideliking	AS
6.2.2	<p>8,5 m neem 25 minute $100 \text{ m sal } \frac{100 \text{ m} \times 25 \text{ minute}}{8,5 \text{ m}} \text{ neem } \checkmark M$ $= 294,11 \text{ minute } \checkmark A$ $\checkmark CA$ $= 4,90 \text{ ure}$</p> <p style="text-align: center;">OF</p> <p>$100 \text{ m sal } \frac{100 \text{ m} \times \frac{25}{60}}{8,5 \text{ m}} \text{ ure neem } \checkmark M$ $= 4,90 \text{ ure } \checkmark CA$</p> <p style="text-align: center;">OF</p> <p>$1 \text{ m sal } \frac{25}{8,5} \text{ ure } = \frac{50}{17} \text{ ure neem } \checkmark M$ $\therefore 100 \text{ m sal } \frac{50}{17} \times 100 \div 60 \text{ ure neem } \checkmark A$ $= 4,90 \text{ ure } \checkmark CA$</p> <p style="text-align: center;">OF</p> <p>$8,5 : 25 = 100 \text{ m} : x$</p> <p>$x = \frac{25 \times 100}{8,5} \div 60 \text{ ure } \checkmark M \checkmark A$ $= 4,90 \text{ ure } \checkmark CA$</p> <p style="text-align: center;">OF</p> <p>$100 \div 8,5 = 11,7647 \quad \checkmark M$ $11,7647 \times 25 \text{ min } = \frac{294}{60} \text{ ure } \checkmark A$ $= 4,90 \text{ ure } \checkmark CA$</p> <p style="text-align: center;">OF</p> <p>$\frac{25}{60} = \frac{x}{100} \quad \checkmark M$ $8,5x = \frac{25 \times 100}{60}$ $x = 4,90 \text{ uur } \checkmark CA$</p>	<p>1M konsep van verhouding 1A antwoord in minute 1CA antwoord in uur</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; text-align: center;"> $4,90 = 4 \frac{54}{60} = 4 \frac{9}{10}$ </div> <p>1M konsep van verhouding 1A omskakeling na uur 1CA antwoord in uur</p> <p>1M konsep van verhouding 1A omskakeling na uur 1CA antwoord in uur</p> <p>1M konsep van verhouding 1A omskakeling na uur 1CA antwoord in uur</p> <p>1M konsep van verhouding 1A omskakeling na uur 1CA antwoord in uur</p> <p>1M konsep van verhouding 1A omskakeling na uur 1CA antwoord in uur</p> <p>1M konsep van verhouding 1A omskakeling na uur 1CA antwoord in uur</p> <p>1M konsep van verhouding 1A omskakeling na uur 1CA antwoord in uur</p>	12.1.1
			(3)
			[24]

TOTAAL: 150

